

Scheinklausur zur Linearen Algebra I, WS 05/06, 2. Teil

Prof. Dr. G. Hiß

Tragen Sie bitte auf diesem Deckblatt leserlich und in **Blockbuchstaben** Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer ein und unterschreiben Sie.

Name: _____

Vorname: _____

Matrikelnummer: _____

Eigenhändige Unterschrift: _____

	Krz	Erg	8	9	10	11	12	Σ
Punkte								
Nachk.								

Zum Ankreuzteil:

Kreuzen Sie bei jeder Frage entweder „Ja“ oder „Nein“ oder nichts an.

Auswertung: Jedes richtige Kreuz gibt einen Pluspunkt, jedes falsche Kreuz einen Minuspunkt. Jede Aufgabe gibt immer mindestens 0 Punkte, Minuspunkte wirken also nicht über Aufgaben hinweg. Wenn Sie bei einer Frage unsicher sind, machen Sie einfach kein Kreuz.

Sie brauchen Ihre Kreuze nicht zu begründen!

Zum Ergebnisteil:

In diesem Teil müssen Sie Ihre Aussagen **nicht** begründen. Es zählt nur das richtige Ergebnis.

Zu den Aufgaben mit Begründungen:

In diesem Teil müssen Sie alle Aussagen begründen.

Natürlich brauchen Sie Aussagen aus der Vorlesung nicht noch einmal zu beweisen.

Scheinklausur 2. Teil, 14.2.2006

Lineare Algebra I, WS 2005/06, Prof. Dr. G. Hiß

Name: _____

Matrikelnummer: _____

Kreuzen Sie bei jeder Frage entweder „Ja“ oder „Nein“ oder nichts an.

Auswertung der Multiple-Choice-Aufgaben: Ein richtiges Kreuz ergibt +1 Punkt, ein falsches Kreuz ergibt -1 Punkt, keine Angabe zählt 0 Punkte. In jeder Aufgabe bekommen Sie mindestens 0 Punkte.

1	Sei K ein Körper, V ein K -Vektorraum und $v_1, \dots, v_n \in V$.		
	Ist (v_1, v_2) linear abhängig, so gibt es ein $s \in K$ mit $v_2 = sv_1$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Ist $V = \langle v_1, \dots, v_n \rangle$, dann ist die Dimension von V gleich n .	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	(v_1, v_2) ist genau dann linear unabhängig, wenn $(v_1 + v_2, v_2)$ linear unabhängig ist.	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
2	Sei K ein Körper, $n, m \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ und $A \in K^{m \times n}$.		
	Die maximale Anzahl linear unabhängiger Zeilen von A ist gleich der maximalen Anzahl linear unabhängiger Spalten von A .	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Das Bild der linearen Abbildung $\varphi : K^{n \times 1} \rightarrow K^{m \times 1}$, $v \mapsto Av$ hat die Dimension n .	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Wenn A den Rang m hat, so gilt $n \leq m$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Der Spaltenrang von A ist gleich dem Spaltenrang von A^t .	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
3	Sei K ein Körper, $n, m \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ und $A \in K^{m \times n}$ und $b \in K^{m \times 1}$.		
	Wenn $n = m$ ist, so hat das lineare Gleichungssystem $Ax = 0$ genau eine Lösung.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Wenn $m < n$ ist, so hat das lineare Gleichungssystem $Ax = 0$ mehr als eine Lösung.	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Wenn $m < n$ ist, so hat das lineare Gleichungssystem $Ax = b$ mehr als eine Lösung.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Wenn $Ax = b$ lösbar ist und $Ax = 0$ mehrere Lösungen hat, dann ist die Lösung von $Ax = b$ nicht eindeutig.	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
4	Sei K ein Körper, $n \in \mathbb{N} \setminus \{0, 1\}$ und $A, B, C \in K^{n \times n}$.		
	Es gilt $\det(A + B) = \det(A) + \det(B) - \det(AB)$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Ist $\det((A + B)C) \neq 0$, dann ist A oder B invertierbar.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Ist A invertierbar, so gilt $\det(A^{-1}) \det(A) = 1$.	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
5	Sei $n \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$, $a, b \in \mathbb{R}$ und $A, B \in \mathbb{R}^{n \times n}$.		
	Ist v ein Eigenvektor von A zum Eigenwert a und ein Eigenvektor von B zum Eigenwert b , dann ist v ein Eigenvektor von AB zum Eigenwert $a + b$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Falls n ungerade ist, so hat B mindestens einen Eigenvektor.	<input checked="" type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Ist A diagonalisierbar und für jeden Eigenraum U von A gilt, dass $Bu \in U$ für alle $u \in U$ ist, so ist auch B diagonalisierbar.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein

Scheinklausur 2. Teil, 14.2.2006

Lineare Algebra I, WS 2005/06, Prof. Dr. G. Hiß

Name: _____

Matrikelnummer: _____

Kreuzen Sie bei jeder Frage entweder „Ja“ oder „Nein“ oder nichts an.

Auswertung der Multiple-Choice-Aufgaben: Ein richtiges Kreuz ergibt +1 Punkt, ein falsches Kreuz ergibt -1 Punkt, keine Angabe zählt 0 Punkte. In jeder Aufgabe bekommen Sie mindestens 0 Punkte.

1	Sei K ein Körper, $n, m \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ und $A \in K^{m \times n}$ und $b \in K^{m \times 1}$.		
	Wenn $m < n$ ist, so hat das lineare Gleichungssystem $Ax = 0$ mehr als eine Lösung.	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Wenn $m < n$ ist, so hat das lineare Gleichungssystem $Ax = b$ mehr als eine Lösung.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Wenn $n = m$ ist, so hat das lineare Gleichungssystem $Ax = 0$ genau eine Lösung.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Wenn $Ax = b$ lösbar ist und $Ax = 0$ mehrere Lösungen hat, dann ist die Lösung von $Ax = b$ nicht eindeutig.	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
2	Sei K ein Körper, V ein K -Vektorraum und $v_1, \dots, v_n \in V$.		
	(v_1, v_2) ist genau dann linear unabhängig, wenn $(v_1 + v_2, v_2)$ linear unabhängig ist.	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Ist (v_1, v_2) linear abhängig, so gibt es ein $s \in K$ mit $v_2 = sv_1$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Ist $V = \langle v_1, \dots, v_n \rangle$, dann ist die Dimension von V gleich n .	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
3	Sei K ein Körper, $n \in \mathbb{N} \setminus \{0, 1\}$ und $A, B, C \in K^{n \times n}$.		
	Es gilt $\det(A + B) = \det(A) + \det(B) - \det(AB)$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Ist A invertierbar, so gilt $\det(A^{-1}) \det(A) = 1$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Ist $\det((A + B)C) \neq 0$, dann ist A oder B invertierbar.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
4	Sei $n \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$, $a, b \in \mathbb{R}$ und $A, B \in \mathbb{R}^{n \times n}$.		
	Falls n ungerade ist, so hat B mindestens einen Eigenvektor.	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Ist A diagonalisierbar und für jeden Eigenraum U von A gilt, dass $Bu \in U$ für alle $u \in U$ ist, so ist auch B diagonalisierbar.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Ist v ein Eigenvektor von A zum Eigenwert a und ein Eigenvektor von B zum Eigenwert b , dann ist v ein Eigenvektor von AB zum Eigenwert $a + b$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
5	Sei K ein Körper, $n, m \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ und $A \in K^{m \times n}$.		
	Die maximale Anzahl linear unabhängiger Zeilen von A ist gleich der maximalen Anzahl linear unabhängiger Spalten von A .	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein
	Wenn A den Rang m hat, so gilt $n \leq m$.	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Das Bild der linearen Abbildung $\varphi : K^{n \times 1} \rightarrow K^{m \times 1}$, $v \mapsto Av$ hat die Dimension n .	<input type="checkbox"/> Ja	<input checked="" type="checkbox"/> Nein
	Der Spaltenrang von A ist gleich dem Spaltenrang von A^t .	<input type="checkbox"/> Ja	<input type="checkbox"/> Nein

